

# BETONSKE KONSTRUKCIJE 2

vježbe, 12-13.11.2019.

Asistentica: Adriana Cerovečki, mag.ing.aedif.  
[acerovecki@gfos.hr](mailto:acerovecki@gfos.hr)

| DATUM           | SATI | TEMATSKA CJELINA                                                                                                                             |
|-----------------|------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 15.-16.10.2019. | 2    | <ul style="list-style-type: none"><li>• uvod</li><li>• ponavljanje poznatih postupaka dimenzioniranja (ploče nosive u 2 smjera)</li></ul>    |
| 22.-23.10.2019. | 2    | <ul style="list-style-type: none"><li>• ponavljanje poznatih postupaka dimenzioniranja (sitnorebričasti strop)</li></ul>                     |
| 29.-30.10.2019. | 2    | <ul style="list-style-type: none"><li>• ekscentrični tlak i tlak (metoda Wuckovsky)</li></ul>                                                |
| 05.-06.11.2019. | 2    | <ul style="list-style-type: none"><li>• dvostruko armiranje Wuckovski</li><li>• ekscentrični tlak i tlak (interakcijski dijagrami)</li></ul> |
| 12.-13.11.2019. | 2    | <ul style="list-style-type: none"><li>• ekscentrično opterećenje i vitkost stupova</li></ul>                                                 |
| 19.-20.11.2019. | 2    | <ul style="list-style-type: none"><li>• ekscentrično opterećenje i vitkost stupova + ponavljanje za kolokvij</li></ul>                       |
| 26.-27.11.2019. | 2    | <ul style="list-style-type: none"><li>• dimenzioniranje elemenata punog i šupljeg poprečnog presjeka</li></ul>                               |
| Dogоворити      | 2    | <ul style="list-style-type: none"><li>• Konzultativne vježbe</li></ul>                                                                       |
| 03.-04.12.2019. | 2    | <ul style="list-style-type: none"><li>• <b>KOLOKVIJ</b></li></ul>                                                                            |
| 10.-11.12.2019. | 2    | <ul style="list-style-type: none"><li>• koso savijanje – dimenzioniranje pomoću dijagrama</li></ul>                                          |
| 17.-18.12.2019. | 2    | <ul style="list-style-type: none"><li>• torzija</li></ul>                                                                                    |
| 07.-08.01.2020. | 2    | <ul style="list-style-type: none"><li>• torzija</li><li>• proračun na probaj</li></ul>                                                       |
| 14.-15.01.2020. | 2    | <ul style="list-style-type: none"><li>• proračun na probaj</li></ul>                                                                         |
| Dogоворити      | 2    | <ul style="list-style-type: none"><li>• Konzultativne vježbe</li></ul>                                                                       |
| 21.-22.01.2020. | 2    | <ul style="list-style-type: none"><li>• <b>KOLOKVIJ + predaja programa u zakazanom terminu</b></li></ul>                                     |

U rasporedu su moguće izmjene! Obavijest o eventualnim izmjenama biti će dana na vježbama i/ili na internetskim stranicama predmeta.

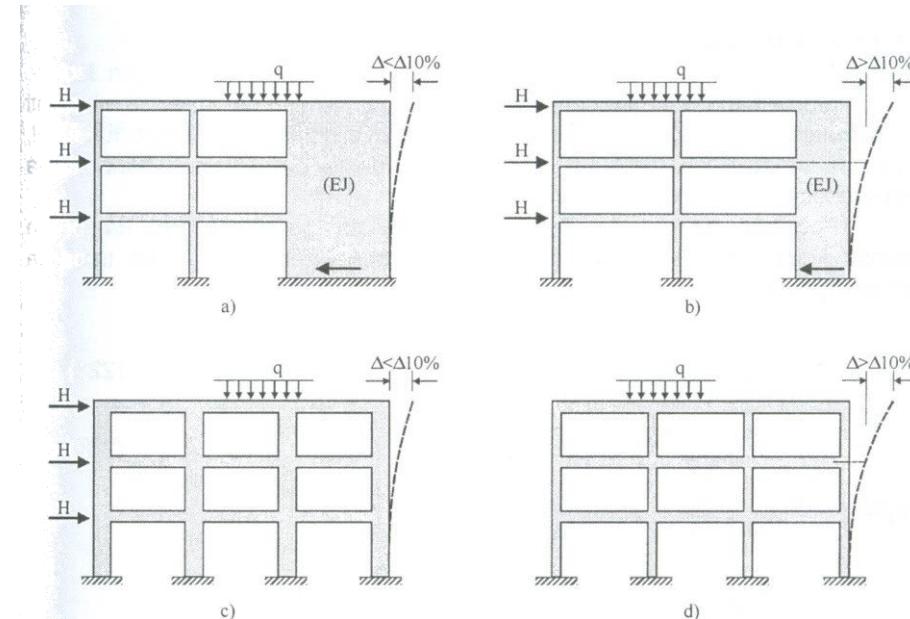
# VITKI ELEMENTI NAPREZANI CENTRIČNOM I EKSCENTRIČNOM TLAČNOM SILOM

**U analizi sustava po teoriji II reda treba razlikovati:**

- 1) Ukrućene sustave i elemente od onih koji to nisu
- 2) Horizontalno pomične i horizontalno nepomične sustave

Konstrukcije ili elementi s ukrućujućim elementima ili bez njih, za koje se utjecaj horizontalnih pomaka čvorova na proračunske momente i sile može zanemariti smatraju se **horizontalno nepomičnim** sustavima. U protivnom to su **horizontalno pomični sustavi**. Pomični sustavi računaju se po teoriji II reda.

Horizontalno nepomičan sustav je onaj kojemu pomak čvorova dobiven po teoriji I reda ne utječe na povećanje momenta savijanja više od **10%**.



## VITKI ELEMENTI NAPREZANI CENTRIČNOM I EKSCENTRIČNOM TLAČNOM SILOM

$$n \leq 3 : h_{tot} \cdot \sqrt{\left( F_V / E_{cm} I_c \right)} \leq 0.2 + 0.1 n$$

$$n \geq 4 : h_{tot} \cdot \sqrt{\left( F_V / E_{cm} I_c \right)} \leq 0.6$$

n - broj katova

$h_{tot}$  - ukupna visina konstrukcije u m, mjereno od gornjeg ruba temelja ili nedeformabilne referentne ravnine

$E_{cm} I_c$  -zbroj nazivnih krutosti na savijanje svih vertikalnih ukrućujućih elemenata koji djeluju u promatranom smjeru

$F_V$  - zbroj svih vertikalnih sila za opterećenje u stanju uporabe (tj. ono koje djeluje na ukrućujuće i ukrućene elemente) (za  $\gamma F = 1$ )

## VITKI ELEMENTI NAPREZANI CENTRIČNOM I EKSCENTRIČNOM TLAČNOM SILOM

Razlika između tlačno opterećenog elementa u horizontalno pomičnom ili nepomičnom sustavu je u duljini izvijanja; (**duljina izvijanja je znatno veća kod horizontalno pomičnih sustava pa je racionalnije projektirati horizontalno pridržane sustave – pridržanja su sa zidovima ili krutom jezgrom**).

U konstrukcijama visokogradnje za određivanje duljine izvijanja koriste se **Jackson-Morelandovi nomogrami**.

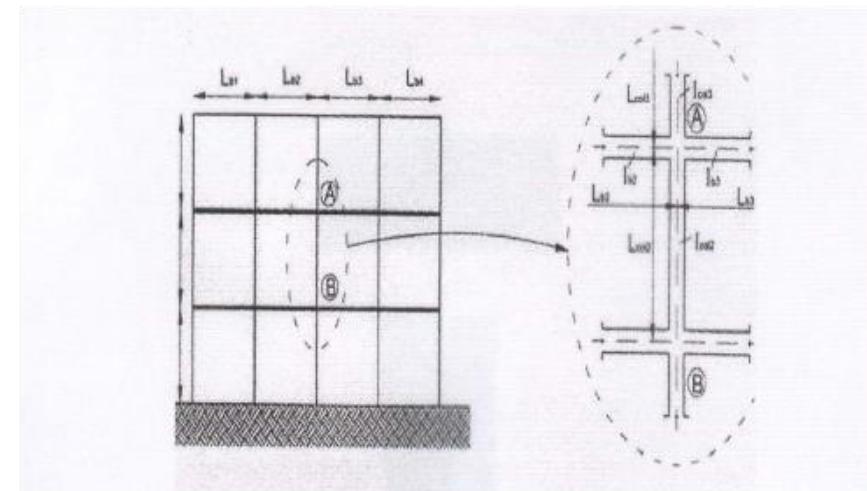
Proračunska duljina izvijanja stupa može se odrediti kao:

$$l_0 = \beta \cdot l_{col}$$

Za korištenje nomograma treba proračunati koeficijente  $k_A$  i  $k_B$  koji opisuju stupanj upetosti na krajevima.

# VITKI ELEMENTI NAPREZANI CENTRIČNOM I EKSCENTRIČNOM TLAČNOM SILOM

Proračun duljine izvijanja stupa prema Jackson - Morelandovim nomogramima:



Koeficijenti koji opisuju stupanj upetosti na krajevima:

- Za upete čvorove A i B:  $k_A = 0$  i  $k_B = 0$
- Za slobodni vrh A (vrh konzole):  $k_A = \infty$
- Za ostale slučajeve:

$$k_A \text{ (ili } k_B) = \frac{\sum E_{cm} \cdot I_{col} / l_{col}}{\sum E_{cm} \cdot \alpha \cdot I_b / l_{eff}}$$

## VITKI ELEMENTI NAPREZANI CENTRIČNOM I EKSCENTRIČNOM TLAČNOM SILOM

Proračun koeficijenata upetosti  $k_A$  i  $k_B$  prema izrazu:

$$k_A \text{ (ili } k_B) = \frac{\sum E_{cm} \cdot I_{col} / l_{col}}{\sum E_{cm} \cdot \alpha \cdot I_b / l_{eff}}$$

gdje je:

$E_{cm}$  – modul elastičnosti betona

$I_{col}$  – moment tromosti presjeka stupa

$I_b$  – moment tromosti presjeka grede Napomena\*

$l_{col}$  – duljina stupa između čvorova koristi se naponsko stanje II za

$l_b$  – proračunski raspon grede gredu ->  $l_b''=0,5 l_b$

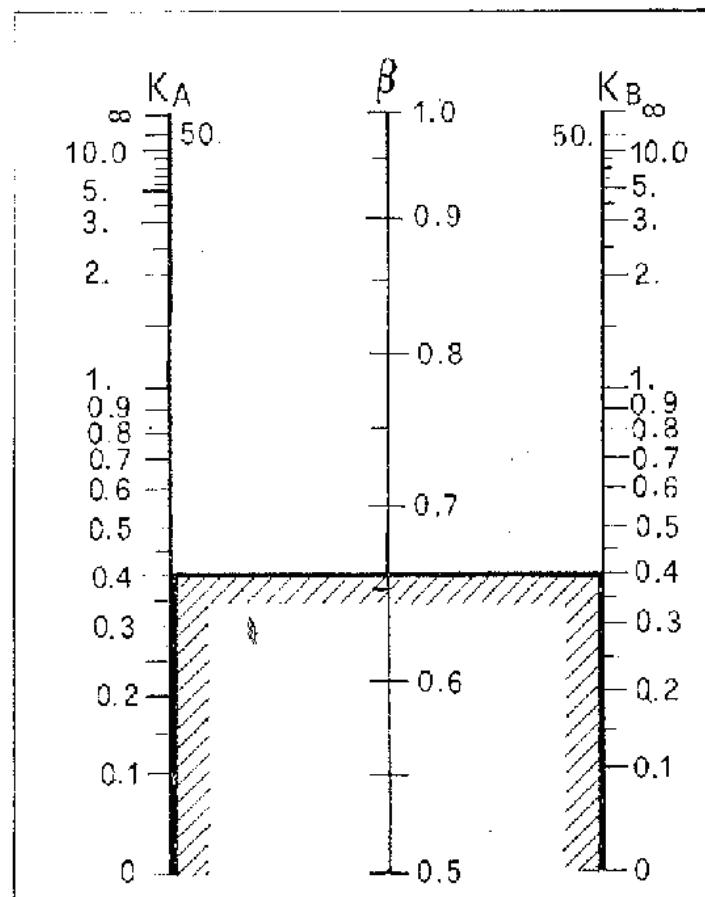
$\alpha$  – koeficijent kojim se uzima u obzir oslanjanje suprotnog kraja grede:

$\alpha = 1.0$  suprotni kraj je elastično ili kruto upet

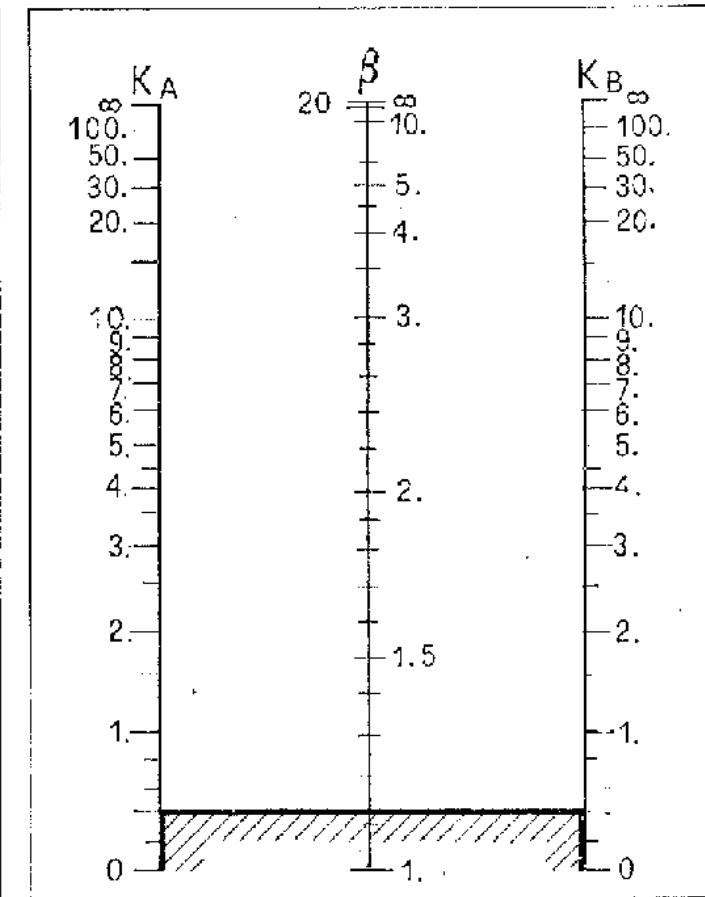
$\alpha = 0.5$  suprotni kraj je zglobno oslonjen

$\alpha = 0.0$  konzola

Horizontalno nepomični okviri



Horizontalno pomični okviri



Sl. 11.9. Jacksonovi i Morelandovi nomogrami

U nomogramu se za proračunate  $k_A$  i  $k_B$  očita vrijednost  $\beta$  te se proračuna duljina izvijanja stupa prema izrazu:  $l_0 = \beta \cdot l_{col}$

# VITKI ELEMENTI NAPREZANI CENTRIČNOM I EKSCENTRIČNOM TLAČNOM SILOM

Alternativa nomogramima

Cranston – za horizontalno nepomične sustave predlaže dva izraza za odnos  $\beta = l_0/l$  ovisno o parametru K:

$$\beta = 0.7 + 0.05 \cdot (K_A + K_B) \leq 1.0$$

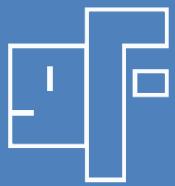
$$\beta = 0.85 + 0.05 \cdot K_{\min} \leq 1.0$$

Furlong – za horizontalno pomične okvire predlaže dva izraza za odnos  $\beta = l_0/l$  ovisno o parametru K:

$$\text{za } K_{av} < 2 \quad \beta = \frac{20 - K_{av}}{20} \sqrt{1 + K_{av}} \geq 1.2$$

$$\text{za } K_{av} \geq 2 \quad \beta = 0.9 \sqrt{1 + K_{av}} \geq 1.2$$

$$K_{av} = \frac{K_A + K_B}{2}$$



Hvala na pozornosti!  
Pitanja?

Adriana Cerovečki, mag.ing.aedif.  
[acerovecki@gfos.hr](mailto:acerovecki@gfos.hr)