

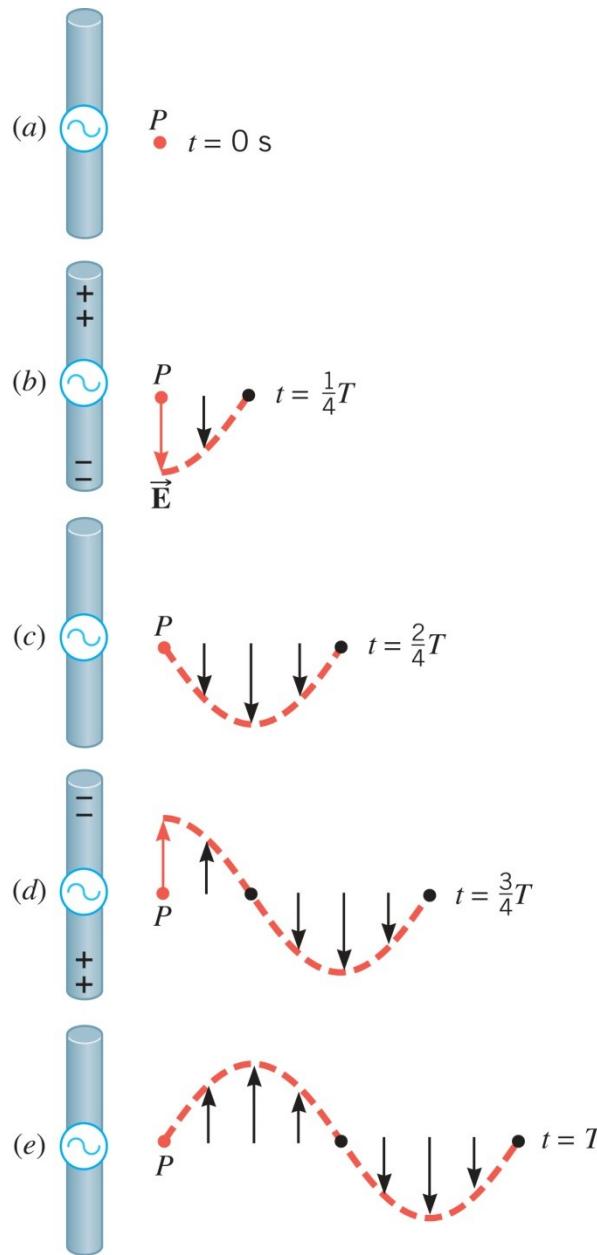
# *Elektromagnetski valovi*

**FIZIKA  
PSS-GRAD  
15. siječnja 2025.**



**WILEY**

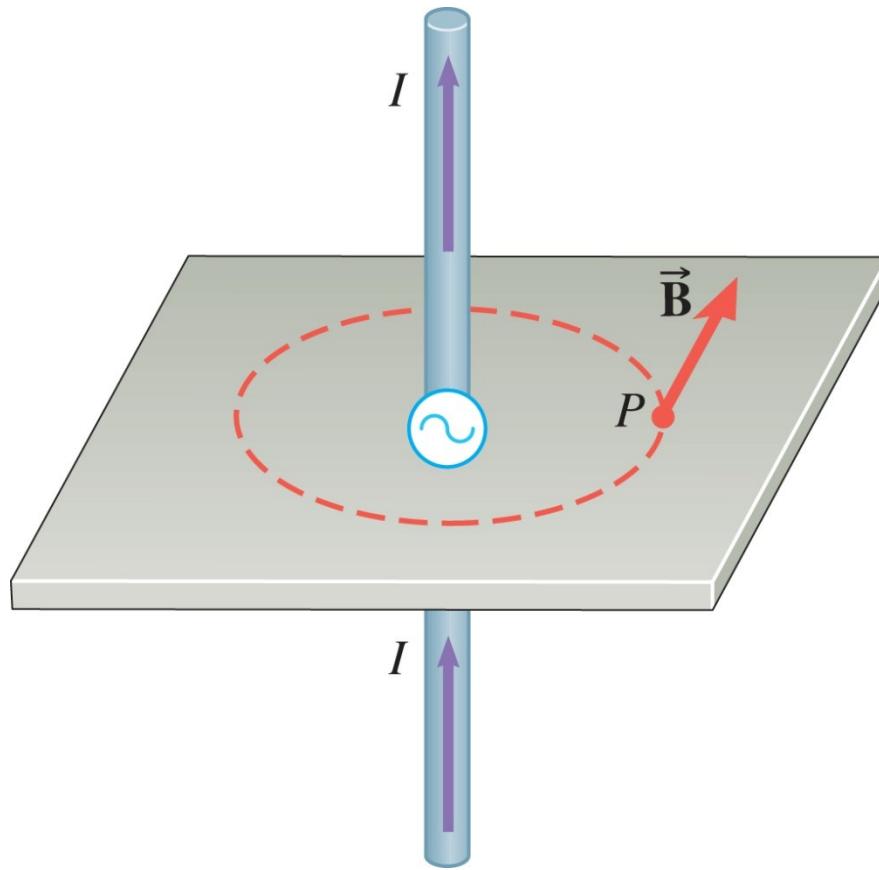
Copyright © 2015 John Wiley & Sons, Inc. All rights reserved.



Dvije ravne žice spojene na polove generatora izmjeničnog napona mogu proizvesti **elektromagnetski val**.

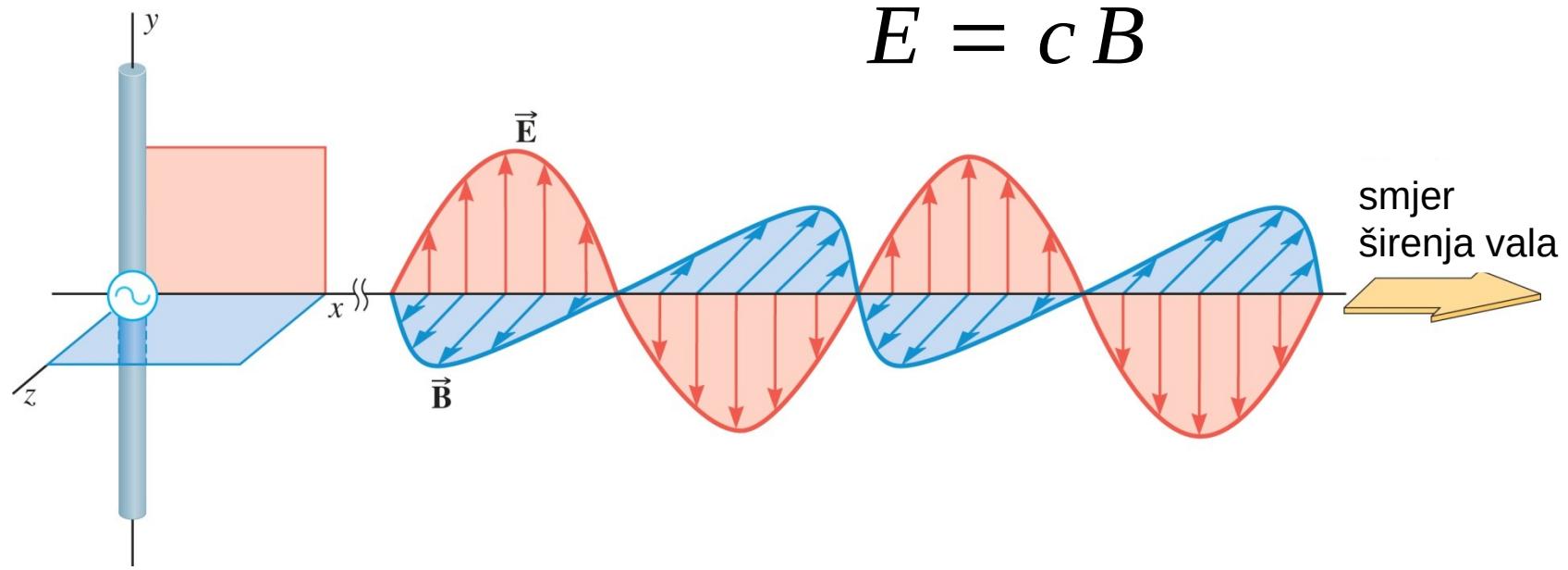
Slika prikazuje samo električno polje koje putuje nadesno.

## 24.1 Priroda elektromagnetskih valova



Ista struja koja stvara električno polje stvara i magnetsko polje.

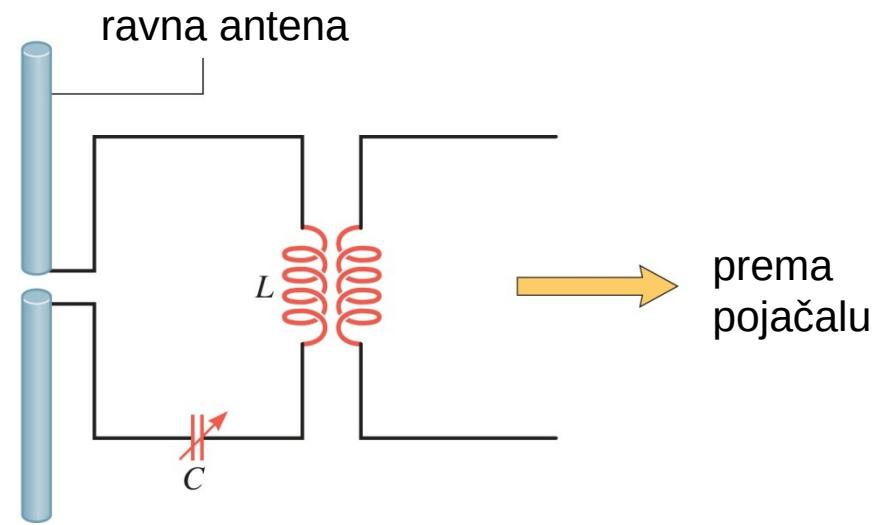
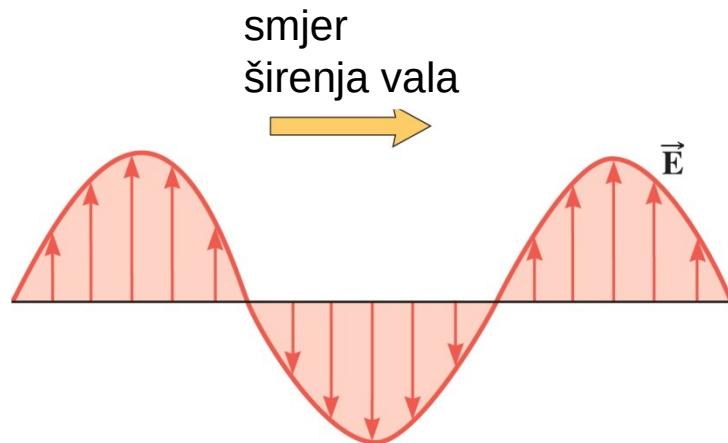
Oblik elektromagnetskog vala daleko od antene:



$$E = c B$$

Brzina elektromagnetskog vala u vakuumu:

$$c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m/s}$$



radioval



radiofrekvencija

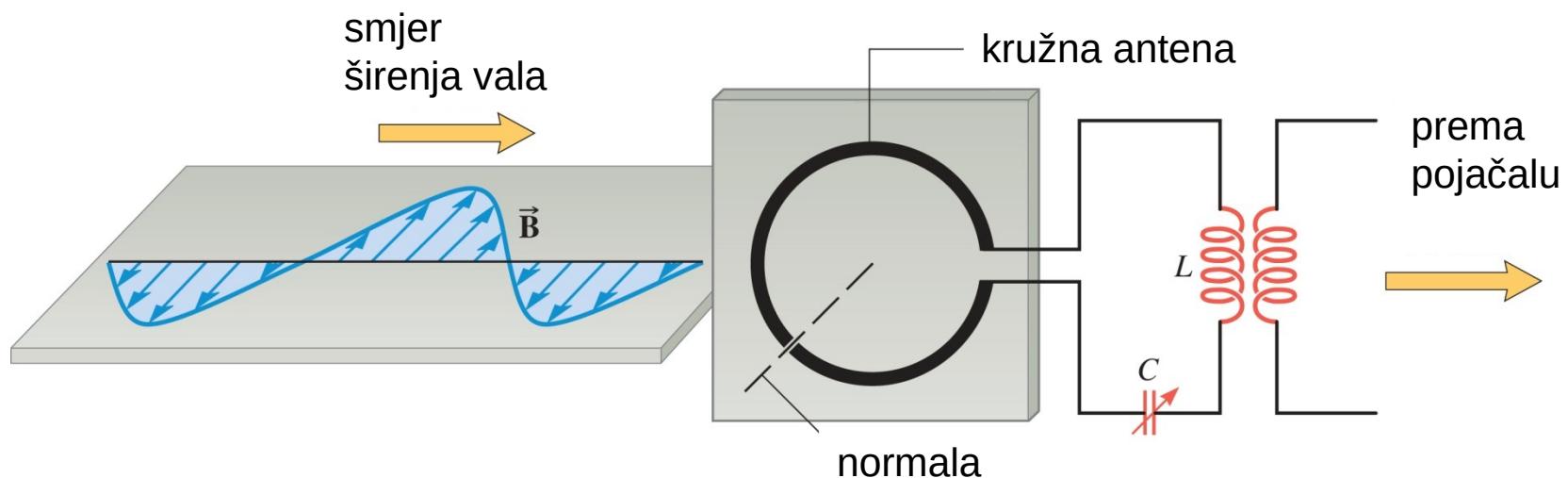
radiostanica

radioteleskop

radioastronomija

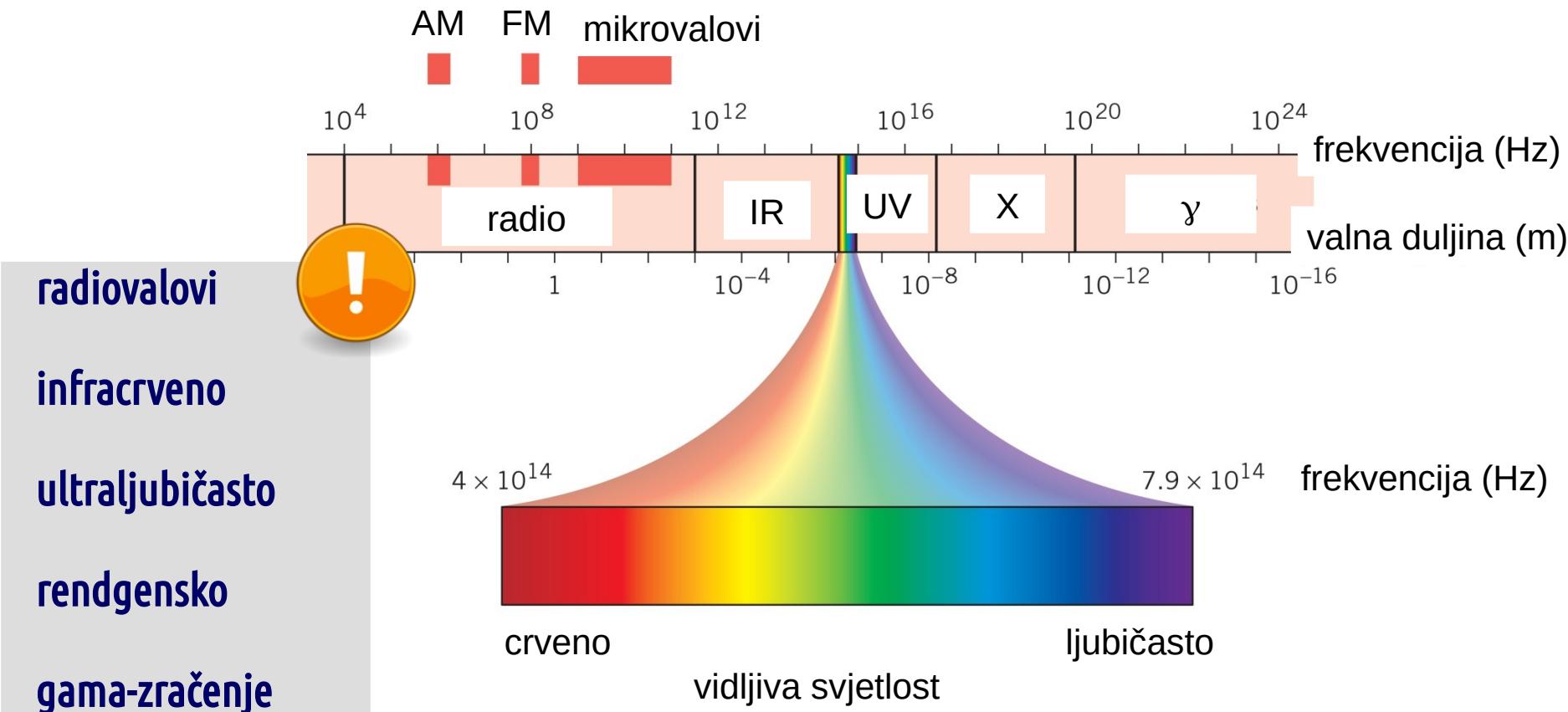
Radioval se može detektirati s ravnom prijemnom antenom koja je usporedna s električnim poljem.

WILEY



Radioval se može detektirati i s kružnom prijemnom antenom čija je normala usporedna s magnetskim poljem.

## 24.2 Elektromagnetski spektar



Kao i kod svih drugih valova, brzina je jednaka umnošku valne duljine i frekvencije:

$$v = \frac{s}{t} = \frac{\lambda}{T} = \lambda f \quad \rightarrow \quad c = \lambda f$$

WILEY

**Primjer 1 Valna duljina vidljive svjetlosti**

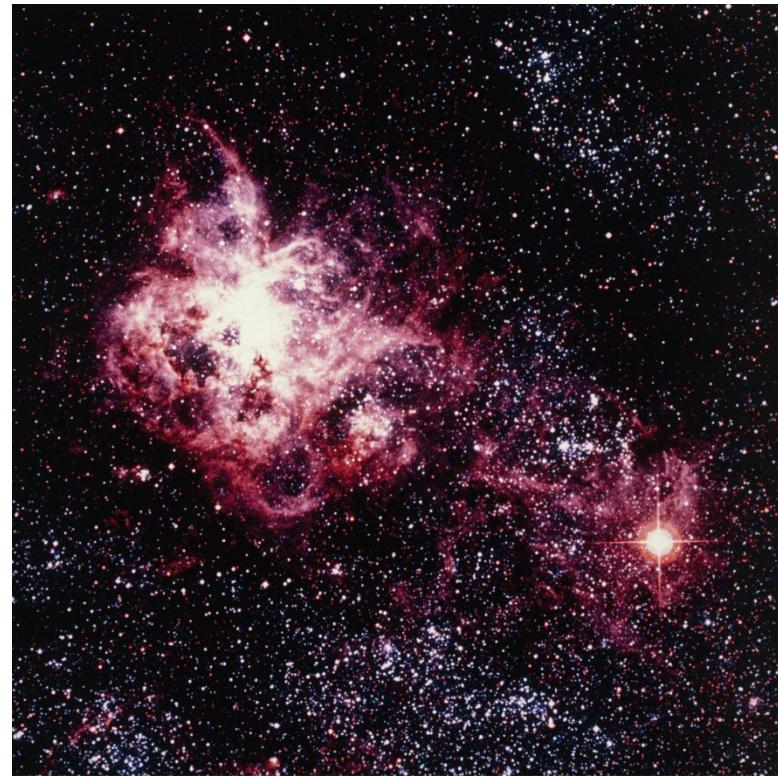
Odredite područje valnih duljina vidljive svjetlosti ako je frekvencijsko područje od  $4,0 \cdot 10^{14}$  Hz do  $7,9 \cdot 10^{14}$  Hz.

$$\lambda = \frac{c}{f} = \frac{3,00 \cdot 10^8 \text{ m/s}}{4,0 \cdot 10^{14} \text{ Hz}} = 7,5 \cdot 10^{-7} \text{ m} = 750 \text{ nm} \quad \approx 800 \text{ nm}$$

$$\lambda = \frac{c}{f} = \frac{3,00 \cdot 10^8 \text{ m/s}}{7,9 \cdot 10^{14} \text{ Hz}} = 3,8 \cdot 10^{-7} \text{ m} = 380 \text{ nm} \quad \approx 400 \text{ nm}$$

## Konceptualni primjer 3 Gledanje u prošlost

Eksplozija supernove je "smrt" vrlo masivne zvijezde. Zašto astronomi kažu da je opažanje takvih događaja poput gledanja u prošlost?



Celestial Image Co./Science Source

**Maxwellovo predviđanje brzine svjetlosti**

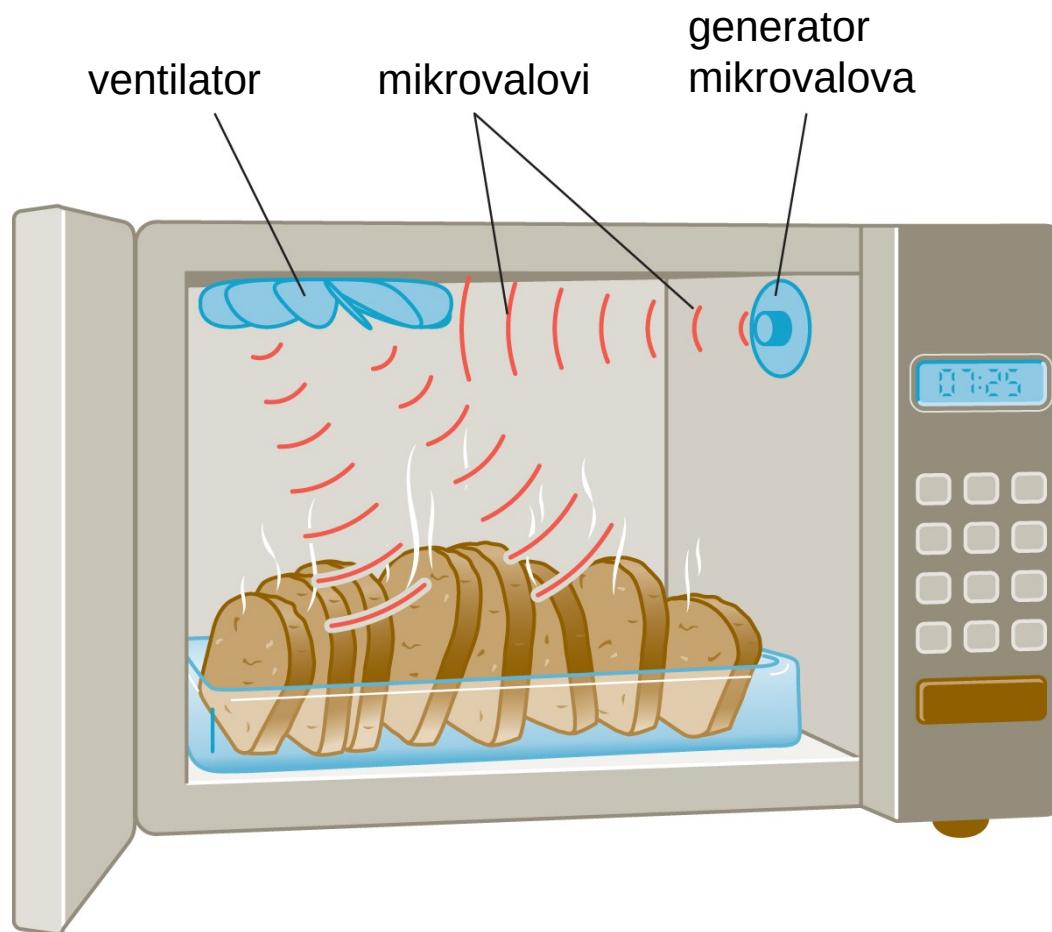
$$c = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}}$$

$$c = \frac{1}{\sqrt{8,85 \cdot 10^{-12} \text{C}^2 \text{N}^{-1} \text{m}^{-2} \cdot 4 \pi \cdot 10^{-7} \text{Tm A}^{-1}}}$$

$$c = 3,0 \cdot 10^8 \text{ m/s}$$

## 24.4 Energija koju nose elektromagnetski valovi

Elektromagnetski valovi, poput valova na vodi, prenose energiju.



WILEY

Copyright © 2015 John Wiley & Sons, Inc. All rights reserved.

## 24.4 Energija koju nose elektromagnetski valovi

ukupna GUSTOĆA ENERGIJE koju nosi elektromagnetski val

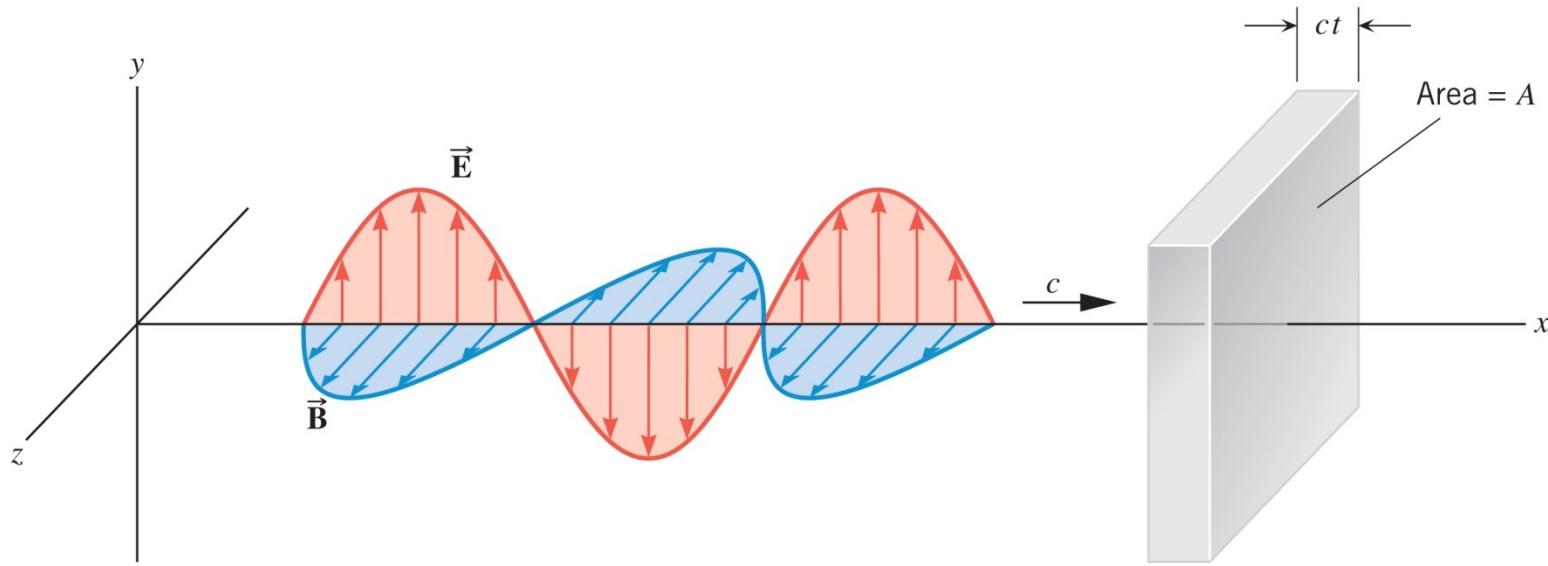
$$u = \frac{\text{ukupna energija}}{\text{volumen}} = \frac{\epsilon_0}{2} E^2 + \frac{1}{2\mu_0} B^2$$

$$\bar{u} = \frac{\epsilon_0}{2} E_{\text{ef}}^2 + \frac{1}{2\mu_0} B_{\text{ef}}^2 \quad E_{\text{ef}} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} \equiv E_{\text{rms}} \quad B_{\text{ef}} = \frac{B_0}{\sqrt{2}} \equiv B_{\text{rms}}$$

WILEY

Copyright © 2015 John Wiley & Sons, Inc. All rights reserved.

## INTENZITET elektromagnetskog vala



ENERGIJA

$$I = \frac{P}{A} = \frac{P \cdot t}{A \cdot t} = \frac{u \cdot V}{A \cdot t} = \frac{u \cdot ctA}{A \cdot t} = cu$$

WILEY

## 24.5 Dopplerov učinak i elektromagnetski valovi

Dopplerov učinak događa se i kod elektromagnetskih valova (kao i kod zvučnih valova), ali postoje dvije razlike:

- a) za zvučne valove potreban je medij,  
a za elektromagnetske valove **nije** potreban medij
- b) za zvučne valove važno je gibanje s obzirom na medij,  
a za elektromagnetske je važno samo relativno gibanje izvora i opažača

$$f_o = f_i \left( 1 \pm \frac{v}{c} \right)$$

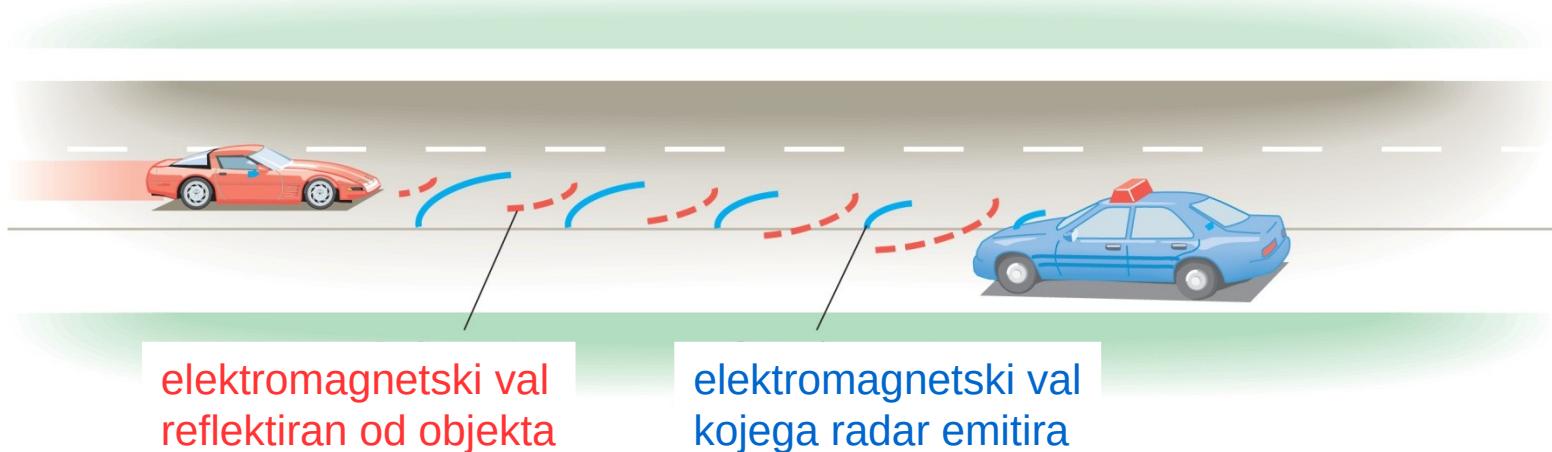
gibaju se jedan **prema** drugome  
za  $v \ll c$   
aproksimacija za nerelativističke brzine

opažač                      izvor

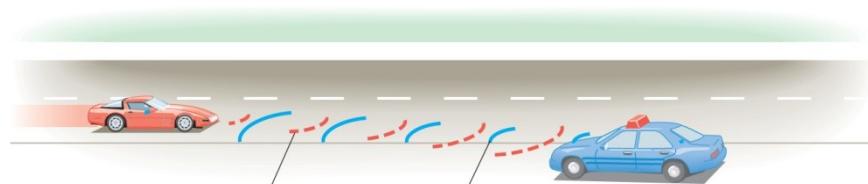
gibaju se jedan **od** drugoga

## Primjer 6 Radar i kontrola brzine

Radar u policijskom automobilu emitira elektromagnetski val frekvencije  $8,0 \cdot 10^9$  Hz. Reflektirani val s dolazećeg automobila ima frekvenciju koja je veća za 2100 Hz. Odredite brzinu tog automobila s obzirom na cestu. Policijski automobil se ne giba.



## 24.5 Dopplerov učinak i elektromagnetski valovi



frekvencija koju "opaža"  
dolazeći automobil

frekvencija koju emitira  
policijski automobil

frekvencija koju opaža  
policijski automobil

$$f_o = f_i \left( 1 + \frac{v}{c} \right)$$

$$f'_o = f_o \left( 1 + \frac{v}{c} \right)$$

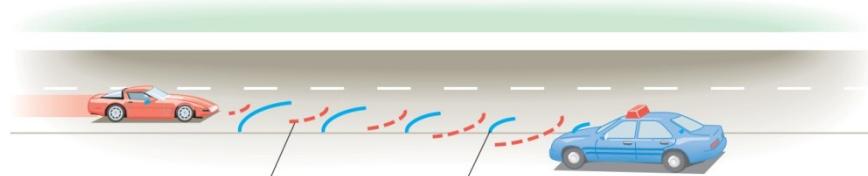
$$f'_o = f_i \left( 1 + \frac{v}{c} \right) \left( 1 + \frac{v}{c} \right)$$

$$f'_o = f_i \left( 1 + 2 \frac{v}{c} + \frac{v^2}{c^2} \right)$$

$$f'_o \approx f_i \left( 1 + 2 \frac{v}{c} \right)$$

WILEY

## 24.5 Dopplerov učinak i elektromagnetski valovi



frekvencija koju "opaža"  
dolazeći automobil

frekvencija koju emitira  
policijski automobil

frekvencija koju opaža  
policijski automobil

$$f_o = f_i \left( 1 + \frac{v}{c} \right)$$

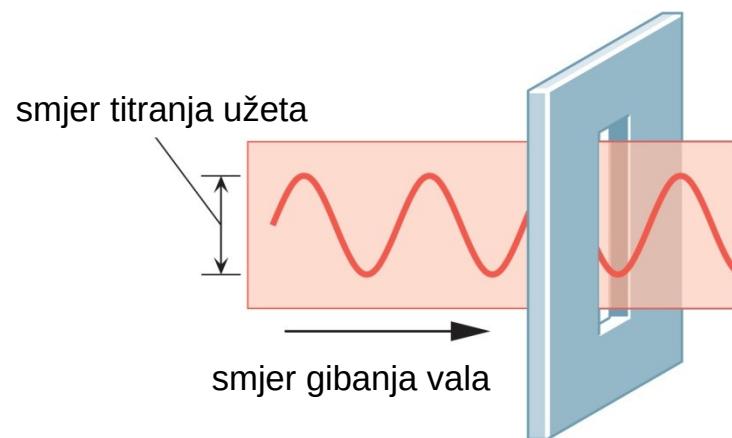
$$f'_o = f_o \left( 1 + \frac{v}{c} \right)$$

$$\Delta f = f'_o - f_i = f_i \left( 1 + 2 \frac{v}{c} \right) - f_i = 2 f_i \frac{v}{c}$$

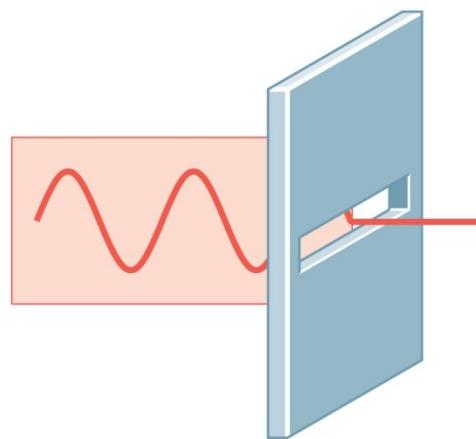
$$v = \frac{c \Delta f}{2 f_i} = \frac{3,00 \cdot 10^8 \text{ m/s} \cdot 2100 \text{ Hz}}{2 \cdot 8,0 \cdot 10^9 \text{ Hz}} = 39 \text{ m/s} = 140 \text{ km/h}$$

WILEY

## POLARIZIRANI ELEKTROMAGNETSKI VALOVI

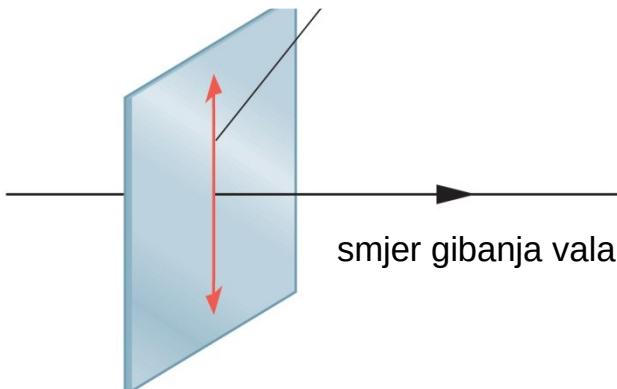


linearno polarizirani val na užetu



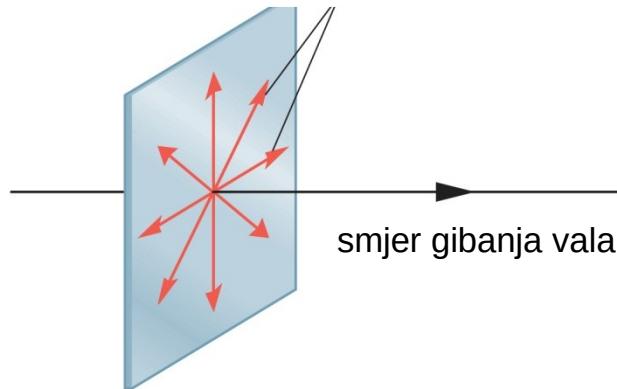
## 24.6 Polarizacija

samo jedan smjer  
električnog polja



(a) polarizirana svjetlost

nasumični smjerovi  
električnog polja



(b) nepolarizirana svjetlost

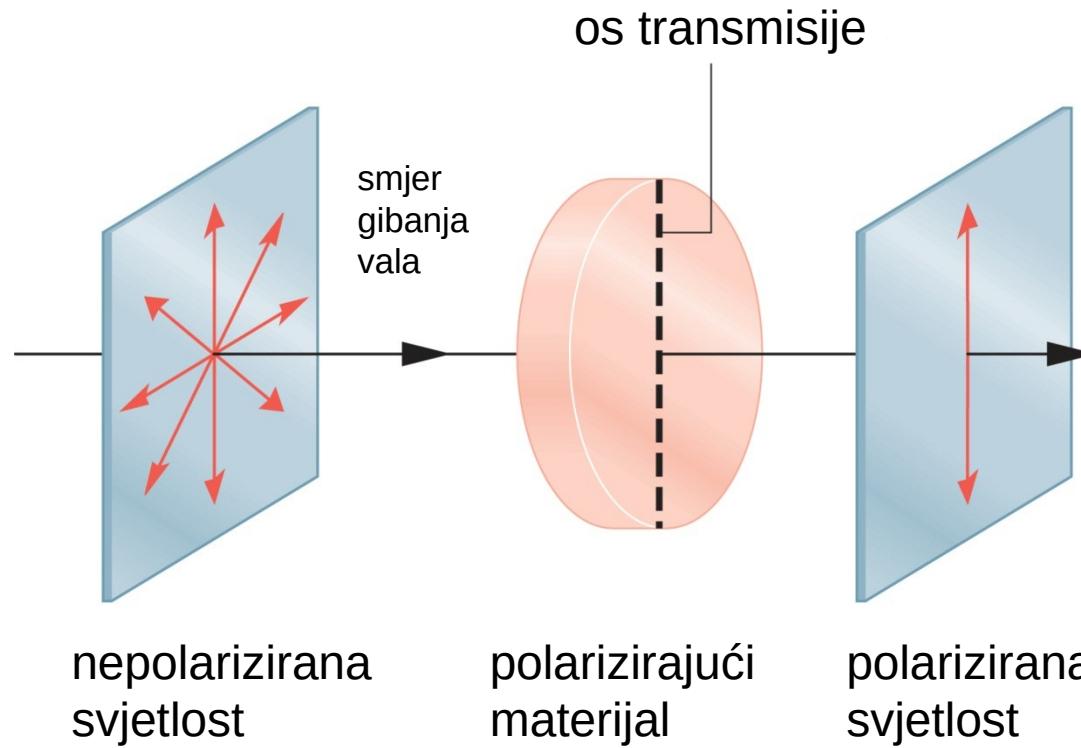
dogovoren  
smjer polarizacije

Kod polarizirane svjetlosti **električno**  
polje titra samo u jednom smjeru.

WILEY

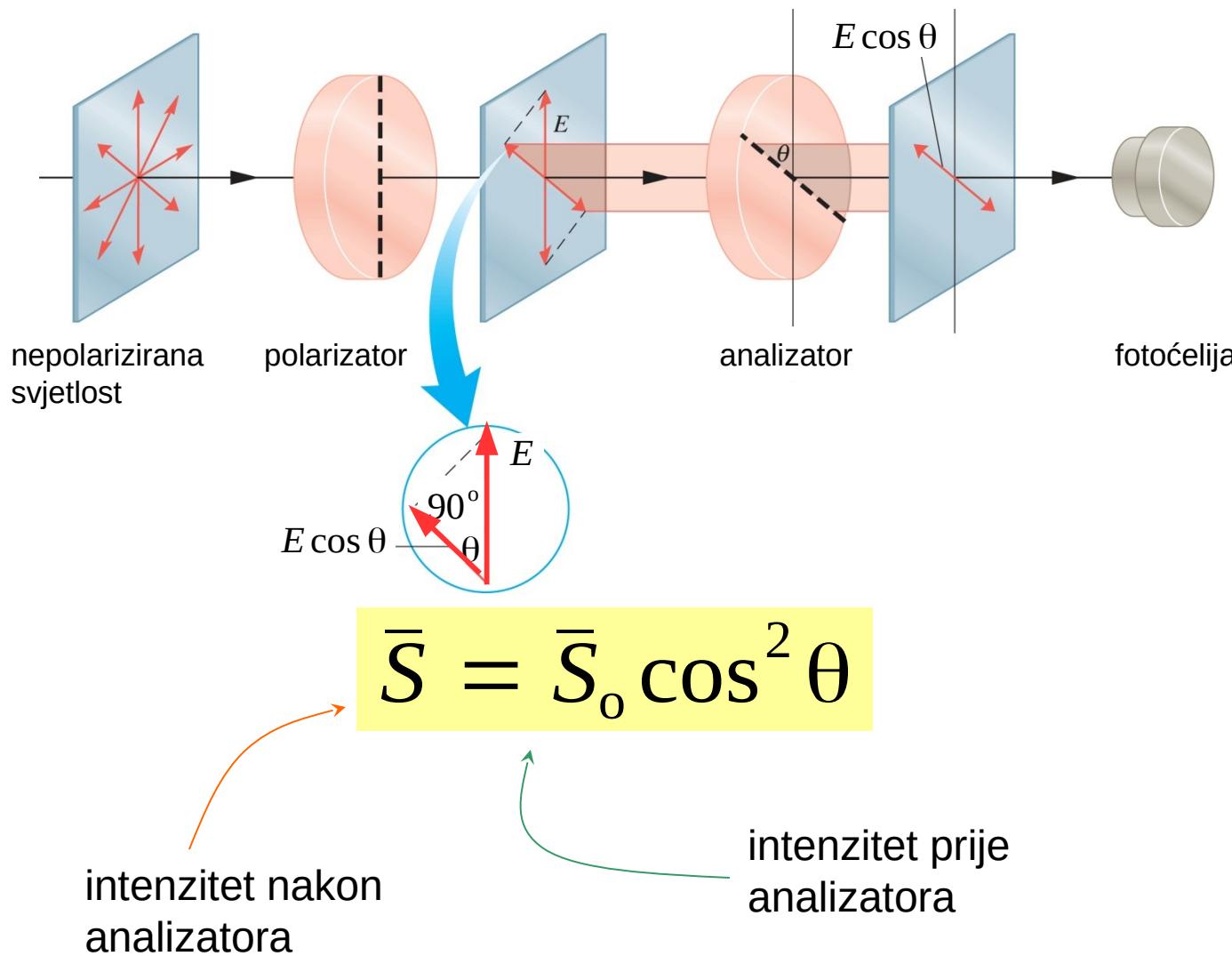
Copyright © 2015 John Wiley & Sons, Inc. All rights reserved.

## 24.6 Polarizacija

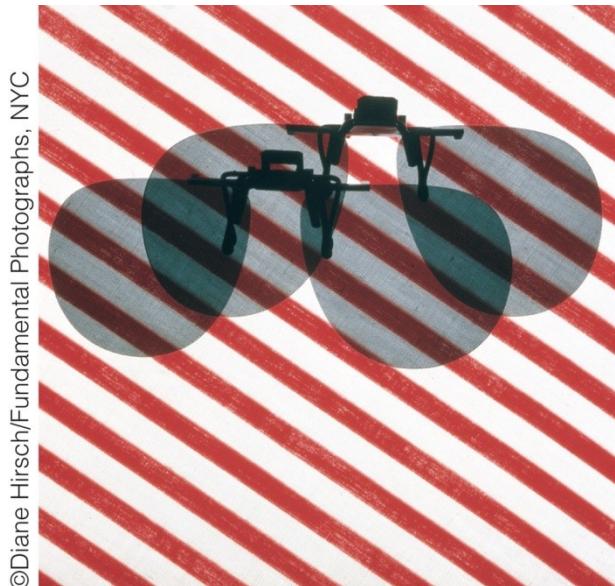


Polarizirana svjetlost može se proizvesti iz nepolarizirane svjetlosti s pomoću polarizirajućeg materijala.

## MALUSOV ZAKON



## 24.6 Polarizacija



Kad se dva stakla polarizirajućih sunčanih naočala postave u okomitom smjeru, prolazna svjetlost reducira se na nulu.

**WILEY**

Copyright © 2015 John Wiley & Sons, Inc. All rights reserved.

# ZADACI ZA VJEŽBU

1. (a) Neil Armstrong bio je prvi čovjek koji je hodao po Mjesecu. Udaljenost Zemlje i Mjeseca je  $3,85 \cdot 10^8$  m. Izračunajte koliko je vremena trebalo radiovalovima da njegov glas prenesu do Zemlje. (b) Jednoga će dana čovjek hodati po Marsu koji je, u najbližoj točki, od Zemlje udaljen  $5,6 \cdot 10^{10}$  m. Izračunajte koliko će najmanje vremena radiovalovima trebati da dođu od Marsa do Zemlje.

**RJEŠENJE:**  $1,28$  s;  $190$  s

2. Udaljenosti se u astronomiji često izražavaju u svjetlosnim godinama. Jedna svjetlosna godina je udaljenost koju svjetlost prijeđe za jednu godinu. Udaljenost Sunca do najbliže susjedne zvijezde, Proxima Centauri, je 4,2 svjetlosne godine. Izrazite tu udaljenost u metrima.

**RJEŠENJE:**  $4,0 \cdot 10^{16}$  m

3. U nekom UHF-radiovalu, najmanja udaljenost dvaju mesta na kojima su električno i magnetsko polje nula iznosi 0,34 m. Odredite frekvenciju tog radiovala.

**RJEŠENJE:**  $4,4 \cdot 10^8$  Hz

4. Pozitivno nabijeno tijelo mase 0,115 kg titra obješeno na kraj opruge te tako stvara ELF-radiovalove valne duljine  $4,80 \cdot 10^7$  m. Frekvencija tih valova odgovara frekvenciji nabijenog tijela koje titra. Izračunajte konstantu opruge.

**RJEŠENJE:** 177 N/m

## ZADACI ZA VJEŽBU

5. Dva astronauta u svemirskoj letjelici razgovaraju jedan s drugim. Međusobno su udaljeni 1,5 m. Razgovor se radiovalovima prenosi na Zemlju. Odredite udaljenost letjelice od Zemlje ako je vrijeme koje zvučnim valovima (brzine 343 m/s) treba da dođu od jednog do drugog astronauta jednakom vremenu koje radiovalovima treba da dođu od letjelice do Zemlje.

**RJEŠENJE:**  $1300 \text{ km}$

6. Laser emitira vrlo uski svjetlosni snop. Polumjer snopa je  $1,0 \cdot 10^{-3} \text{ m}$ , a snaga snopa  $1,2 \cdot 10^{-3} \text{ W}$ . Koji je intenzitet laserskog snopa?

**RJEŠENJE:**  $380 \text{ W/m}^2$

7. Najveća vrijednost magnetskog polja elektromagnetskog vala je  $3,3 \cdot 10^{-6} \text{ T}$ . Koja je najveća vrijednost električnog polja tog vala?

**RJEŠENJE:**  $990 \text{ V/m}$

8. Mikrovalno zračenje preostalo od velikog praska ima prosječnu gustoću od  $4 \cdot 10^{-14} \text{ J/m}^3$ . Izračunajte efektivnu vrijednost električnog polja tog zračenja.

**RJEŠENJE:**  $0,07 \text{ V/m}$

# ZADACI ZA VJEŽBU

9. Udaljena galaksija emitira svjetlost valne duljine 434,1 nm.  
Na Zemlji se ta svjetlost opaža s valnom duljinom od 438,6 nm.  
(a) Udaljava li se ta galaksija od Zemlje ili se približava Zemlji?  
(b) Odredite relativnu brzinu te galaksije s obzirom na Zemlju.  
Za brzinu svjetlosti uzmite  $3,0 \cdot 10^8$  m/s.

**RJEŠENJE:** udaljava se;  $3,1 \cdot 10^6$  m/s

10. Svjetlost koja je polarizirana u okomitom smjeru upada na polarizirajući materijal.  
Kroz njega prođe 94,0% upadne svjetlosti. Ta svjetlost dolazi na drugi  
polarizirajući materijal koji ne propušta više ništa. Koji kut s okomicom zatvara  
transmisijska os drugog polarizirajućeg materijala?

**RJEŠENJE:**  $104^\circ$

# PITANJA ZA PONAVLJANJE

1. Elektromagnetski val
2. Brzina svjetlosti
3. Elektromagnetski spektar
4. Odnos frekvencije i valne duljine
5. Vidljiva svjetlost
6. Mikrovalna pećnica
7. Intenzitet elektromagnetskih valova
8. Dopplerov učinak za elektromagnetske valove
9. Polarizacija svjetlosti
10. Malusov zakon