



Preddiplomski sveučilišni studij Građevinarstvo

PROGRAM IZ KOLEGIJA  
**GRAĐEVNA STATIKA I**

Nositelj kolegija:  
Izv.prof.dr.sc. Silva Lozančić, dipl.ing.građ.

Asistent:  
Doc.dr.sc. Tanja Kalman Šipoš, dipl.ing.građ.

**IVAN HORVATIĆ**

---

Ime i prezime studenta

12345

---

Broj indeksa

ivan.horvatic@gmail.com

---

e-mail adresa

---

Potpis

---

1.6.2018.

---

Datum predaje

# GRAĐEVNA STATIKA I

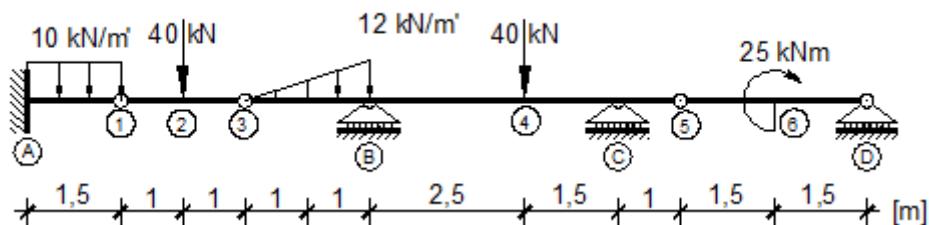
## 1. PROGRAM

Student: **IVAN HORVATIĆ**

Akademski godina: 2017/18

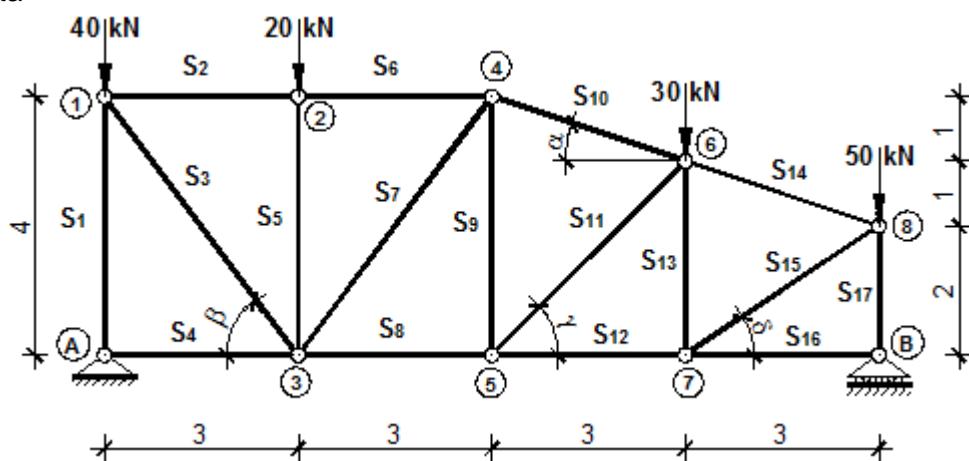
1. Za zadani gerberov nosač:

- analitičkim postupkom odrediti i nacrtati M i V dijagrame za Gerberov nosač;
- Za dio 3-B dijagram poprečnih sila izračunati pomoću diferencijalnih odnosa.
- izraditi numerički model u programu Autodesk Robot i priložiti rješenja za usporedbu rezultata



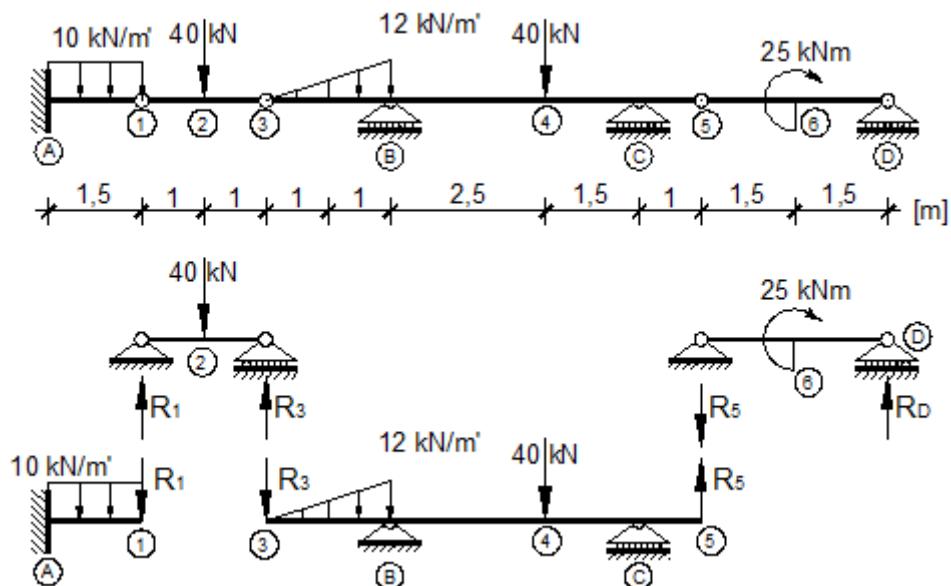
2. Za zadani rešetkasti nosač odrediti:

- reakcije i sile u zadanim čvorovima rešetke A, 1, 2 i 3 pomoću metode čvorova;
- sile u štapovima S<sub>2</sub>, S<sub>3</sub> i S<sub>4</sub> metodom Culmanna, a u štapovima S<sub>14</sub>, S<sub>15</sub> i S<sub>16</sub> metodom Rittera.
- izraditi numerički model u programu Autodesk Robot i priložiti rješenja za usporedbu rezultata



## 1. ZADATAK

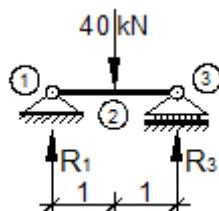
a) Analitičkim postupkom odrediti i nacrtati  $M$  i  $V$  dijagrame za Gerberov nosač. Za dio 3-B dijagram poprečnih sila izračunati pomoću diferencijalnih odnosa.



### 1. Prosta greda 1-3

a) Reakcije:

$$\begin{aligned}\sum M_1 &= 0 \quad -40 \cdot 1 + R_3 \cdot 2 = 0 \quad R_3 = 20 \text{ kN} \\ \sum M_3 &= 0 \quad 40 \cdot 1 - R_1 \cdot 2 = 0 \quad R_1 = 20 \text{ kN}\end{aligned}$$



b) Momenti savijanja:  $M \circlearrowleft [+] \circlearrowright M$

$$\begin{aligned}M_1 &= M_3 = 0 \text{ kNm} \\ M_2 &= R_1 \cdot 1 = 20 \text{ kNm}\end{aligned}$$

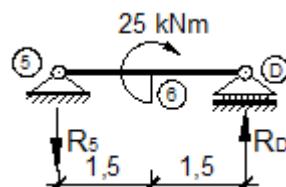
c) Poprečne sile  $V$

$$\begin{aligned}V_1 &= R_1 = 20 \text{ kN} = V_2^{\text{lijevo}} \\ V_2^{\text{desno}} &= -R_3 = -20 \text{ kN} = V_3\end{aligned}$$

### 2. Prosta greda 6-D

a) Reakcije:

$$\begin{aligned}\sum M_5 &= 0 \quad -25 + R_D \cdot 3 = 0 \quad R_D = 8,33 \text{ kN} \\ \sum M_D &= 0 \quad -25 + R_5 \cdot 3 = 0 \quad R_5 = 8,33 \text{ kN}\end{aligned}$$



b) Momenti savijanja:  $M \circlearrowleft [+] \circlearrowright M$

$$M_5 = M_D = 0 \text{ kNm}$$

$$M_6^{\text{ljevo}} = -R_6 \cdot 1,5 = -12,5 \text{ kNm}$$

$$M_6^{\text{desno}} = -12,5 + 25 = 12,5 \text{ kNm}$$

c) Poprečne sile 

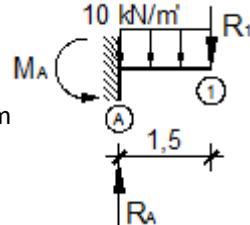
$$V_5 = -R_5 = -8,33 \text{ kN} = V_6 = V_D$$

### 3. Konzola A-1

a) Reakcije:

$$\sum M_A = 0 \quad +\downarrow \quad -10 \cdot 1,5 \cdot 0,75 - R_1 \cdot 1,5 + M_A = 0 \quad M_A = 41,25 \text{ kNm}$$

$$\sum F_y = 0 \quad -10 \cdot 1,5 - R_1 + R_A = 0 \quad R_A = 35 \text{ kN}$$



b) Momenti savijanja: 

$$M_A = -41,25 \text{ kNm}$$

$$M_1 = 0 \text{ kNm}$$

c) Poprečne sile 

$$V_A = R_A = 35 \text{ kN}$$

$$V_1 = R_1 = 20 \text{ kN}$$

### 4. Greda s prepustom 3-5

a) Reakcije:

$$\sum M_B = 0 \quad +\downarrow$$

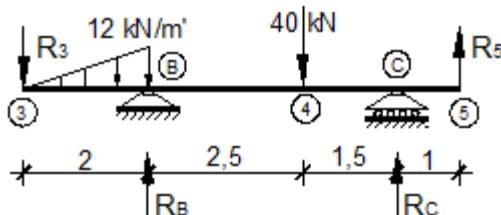
$$R_3 \cdot 2 + \frac{12 \cdot 2}{2} \cdot 0,67 - 40 \cdot 2,5 + R_5 \cdot 5 + R_C \cdot 4 = 0$$

$$R_C = 2,58 \text{ kN}$$

$$\sum M_C = 0 \quad +\downarrow$$

$$R_3 \cdot 6 + \frac{12 \cdot 2}{2} \cdot 4,67 + 40 \cdot 1,5 + R_5 \cdot 1 - R_B \cdot 4 = 0$$

$$R_B = 61,09 \text{ kN}$$



b) Momenti savijanja: 

$$M_3 = M_5 = 0 \text{ kNm}$$

$$M_B = -R_3 \cdot 2 - \frac{12 \cdot 2}{2} \cdot 0,67 = -48,04 \text{ kNm}$$

$$M_4 = R_5 \cdot 2,5 + R_C \cdot 1,5 = 24,69 \text{ kNm}$$

$$M_C = R_5 \cdot 1 = 8,33 \text{ kNm}$$

c) Poprečne sile 

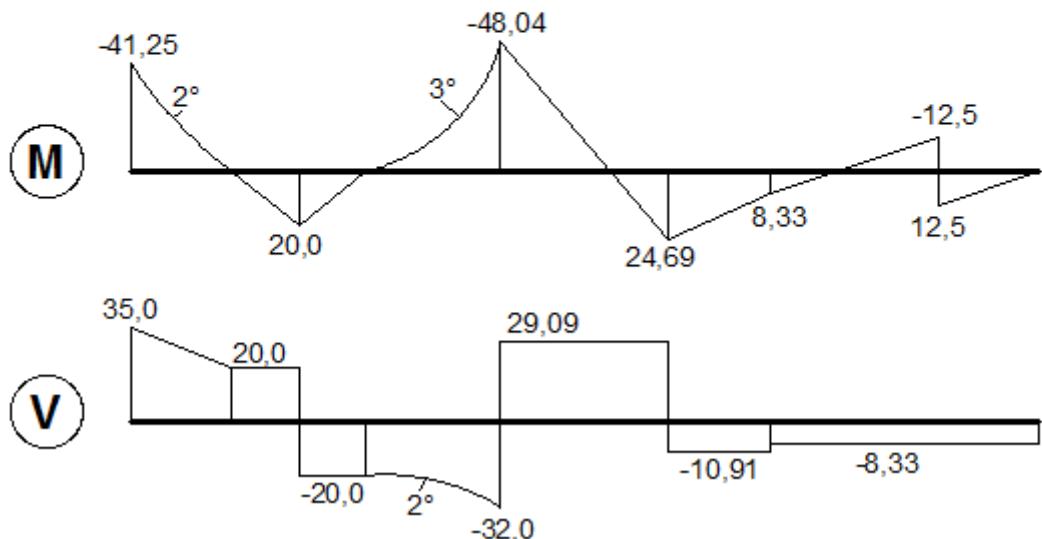
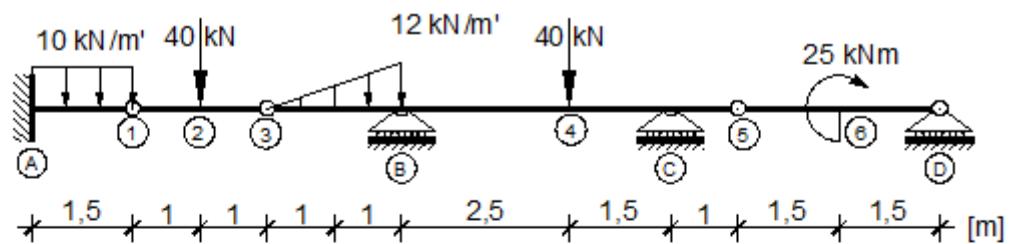
$$V_3 = -R_3 = -20 \text{ kN}$$

$$V_B^{\text{ljevo}} = -R_3 - \frac{12 \cdot 2}{2} = -32 \text{ kN}$$

$$V_B^{\text{desno}} = -32 + R_B = 29,09 \text{ kN} = V_4^{\text{ljevo}}$$

$$V_4^{\text{desno}} = 29,09 - 40 = -10,91 \text{ kN} = V_C^{\text{ljevo}}$$

$$V_C^{\text{desno}} = V_5 = -R_5 = -8,33 \text{ kN}$$



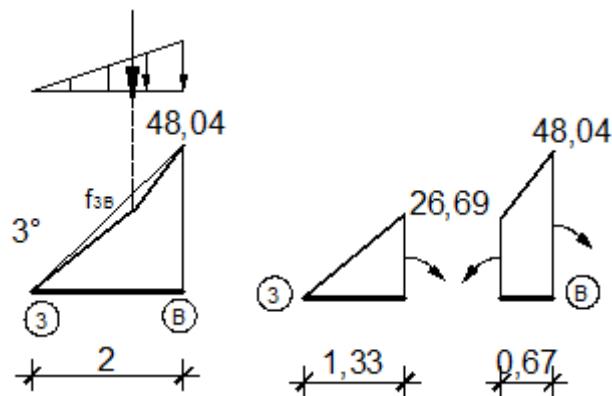
- Određivanje dijagrama poprečnih sila iz poznatog dijagrama momenata

### Dio 3-B

$$f_{3B} = 5,33 \text{ kNm}$$

$$M = \frac{2 \cdot 48,04}{3} = 32,03 \text{ kNm}$$

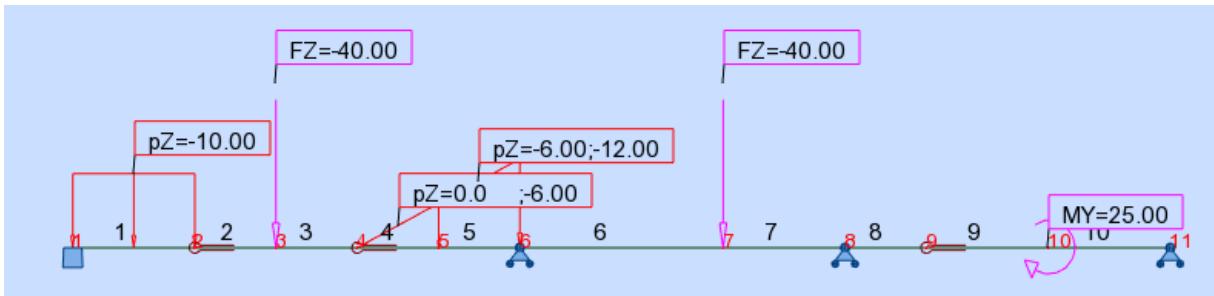
$$M - f_{3B} = 26,69 \text{ kNm}$$



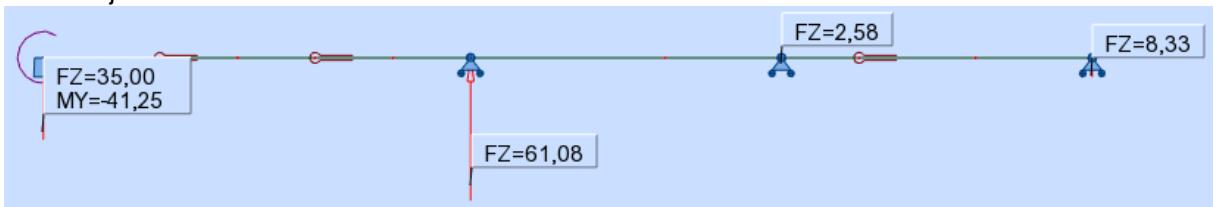
$$V_{3B} = \frac{-26,69}{1,33} = -20,0 \text{ kN}; \quad V_{B3} = \frac{26,69 - 48,04}{0,67} = -32,0 \text{ kN}$$

## b) Kontrola proračuna računalom

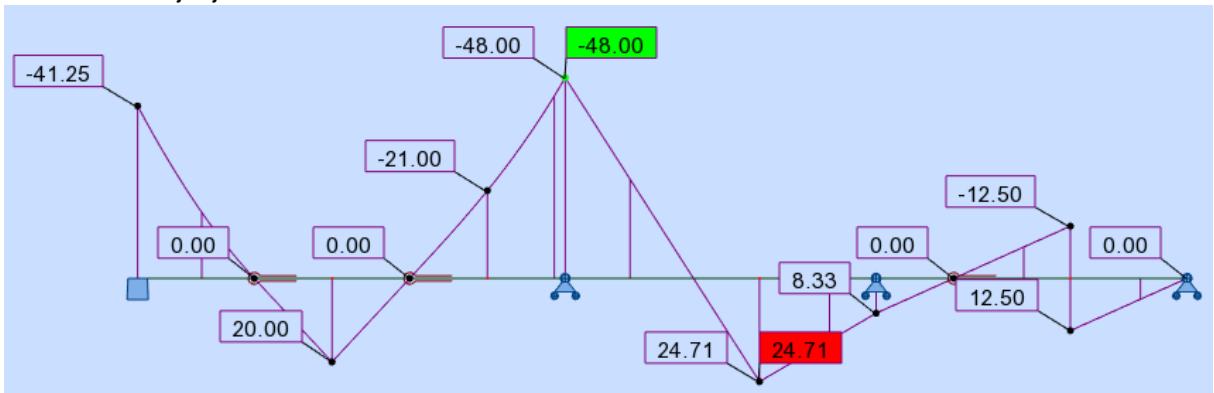
- Numerički model



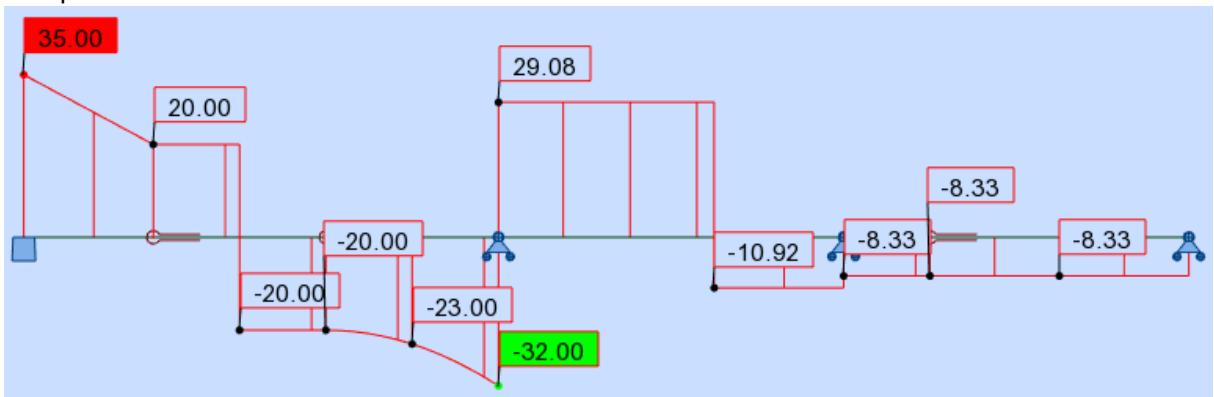
- Reakcije



- Momenti savijanja



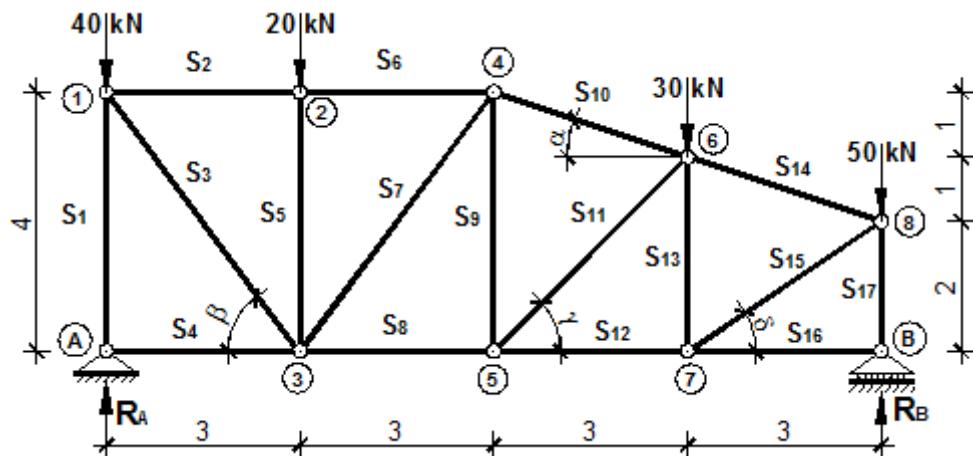
- Poprečne sile



## 2. ZADATAK

Za zadani rešetkasti nosač odrediti:

a) reakcije i sile u zadanim čvorovima rešetke A, 1, 2 i 3 pomoću metode čvorova;



$$\begin{array}{ll} \tan \alpha = \frac{1}{3} \Rightarrow \alpha = 18,43^\circ & \tan \beta = \frac{4}{3} \Rightarrow \beta = 53,13^\circ \\ \sin \alpha = 0,32 & \sin \beta = 0,80 \\ \cos \alpha = 0,95 & \cos \beta = 0,60 \end{array} \quad \begin{array}{ll} \tan \gamma = \frac{3}{3} \Rightarrow \gamma = 45^\circ & \tan \delta = \frac{2}{3} \Rightarrow \delta = 33,69^\circ \\ \sin \gamma = 0,71 & \sin \delta = 0,55 \\ \cos \gamma = 0,71 & \cos \delta = 0,83 \end{array}$$

### 1. Reakcije

$$\sum M_A = 0 \rightarrow -20 \cdot 3 - 30 \cdot 9 - 50 \cdot 12 + R_B \cdot 12 = 0 \quad R_B = 77,5 \text{ kN}$$

$$\sum M_B = 0 \rightarrow 40 \cdot 12 + 20 \cdot 9 + 30 \cdot 3 - R_A \cdot 12 = 0 \quad R_A = 62,5 \text{ kN}$$

Kontrola reakcija:

$$\sum F_y = 0$$

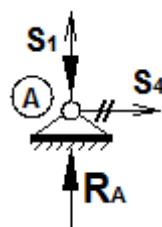
$$R_A + R_B = 40 + 20 + 30 + 50 \\ 140 = 140$$

### Čvor A

Napomena: Uvijek pretpostavka vlačnih sila (+) →!

$$\sum F_x = 0 \quad S_4 = 0 \text{ kN}$$

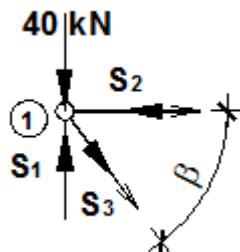
$$\sum F_y = 0 \quad S_1 + R_A = 0 \quad S_1 = -62,5 \text{ kN (tlak)}$$



### Čvor 1

$$\sum F_y = 0 \quad S_1 - 40 - S_3 \cdot \sin \beta = 0 \\ S_3 = 28,13 \text{ kN (vlač)}$$

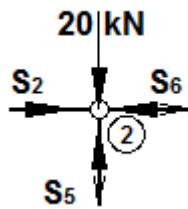
$$\sum F_x = 0 \quad S_2 + S_3 \cdot \cos \beta = 0 \quad S_2 = -16,88 \text{ kN (tlak)}$$



### Čvor 2

$$\sum F_y = 0 \quad -S_5 - 20 = 0 \quad S_5 = -20,0 \text{ kN} \quad (\text{tlak})$$

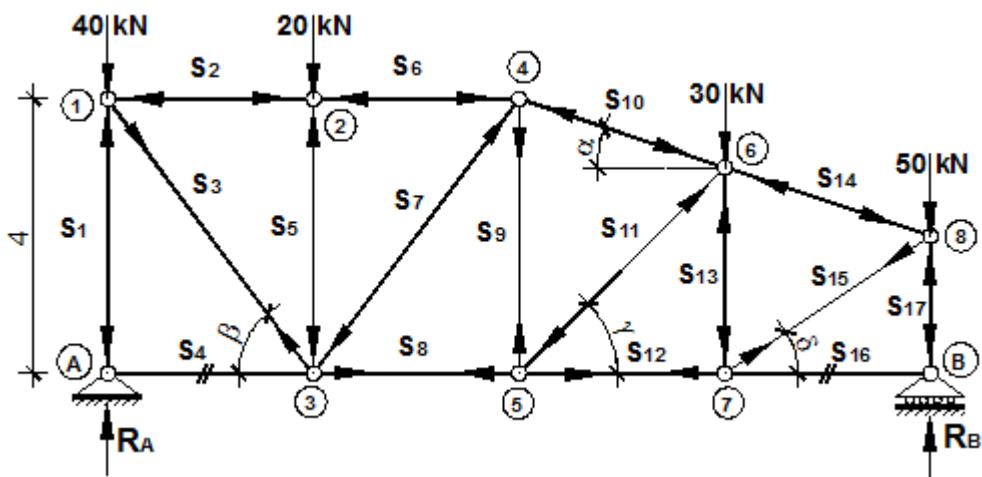
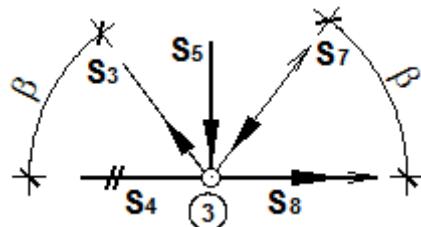
$$\sum F_x = 0 \quad S_2 + S_6 = 0 \quad S_6 = -16,88 \text{ N} \quad (\text{tlak})$$



### Čvor 3

$$\sum F_y = 0 \quad +S_3 \cdot \sin\beta - S_5 + S_7 \cdot \sin\beta = 0 \quad S_7 = -3,13 \text{ kN} \quad (\text{tlak})$$

$$\sum F_x = 0 \quad -S_3 \cdot \cos\beta - S_7 \cdot \cos\beta + S_8 = 0 \quad S_8 = 18,75 \text{ kN} \quad (\text{vlak})$$



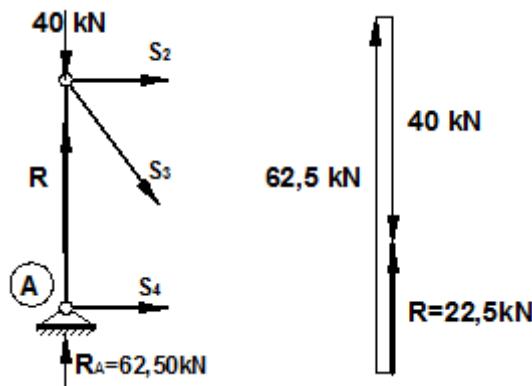
Oznaka	kN	tlak/vlak
S <sub>1</sub>	62,50	tlak
S <sub>2</sub>	16,87	tlak
S <sub>3</sub>	28,12	vlak
S <sub>4</sub>	0	-
S <sub>5</sub>	20,0	tlak
S <sub>6</sub>	16,87	tlak
S <sub>7</sub>	3,12	tlak
S <sub>8</sub>	18,75	vlak

b) sile u štapovima  $S_2$ ,  $S_3$  i  $S_4$  metodom Culmanna, a u štapovima  $S_{14}$ ,  $S_{15}$  i  $S_{16}$  metodom Rittera.

### b1) Metoda Culmanna

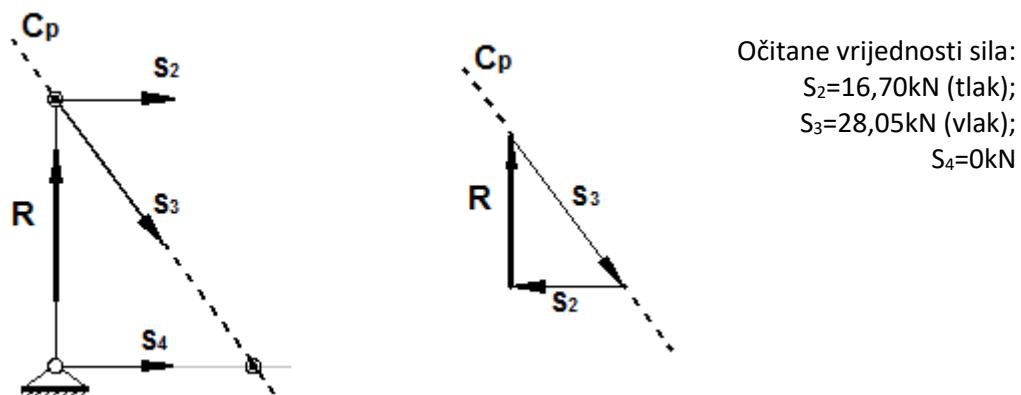
#### - Položaj rezultante

Za skicirani isječak rešetke (za određivanje sila u presjeku) tražimo vrijednost i položaj rezultante sila pomoću verižnog poligona. U ovom slučaju kada su obje djelujuće sile na jednom istom pravcu nije potrebno raditi verižni poligon jer se rezultanta sila nalazi na pravcu postojećih sila.



#### - Culmannov pravac

Culmannov pravac određen je dvjema točkama. Prva točka je sjecište rezultante sila i bilo kojeg pravca nepoznatih sila ( $S_2$ ). Druga točka je mjesto gdje se sijeku preostala dva pravca sila zadanih presjeka ( $S_3$  i  $S_4$ ). Spajanjem prve i druge točke dobivamo Culmannov pravac  $C_p$ .



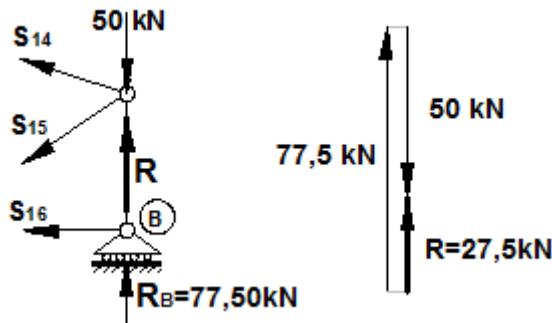
#### - Određivanje vrijednosti sila u označenim štapovima rešetke

Na Culmannov pravac prvo nanesemo rezultantu, a zatim силу која се сјеће са rezultantom у првој точици ( $S_2$ ) и то с исте стране Culmannovog првца. С друге стране Culmannovog првца наносе се првци сила из друге точке (у овом случају само првак силе  $S_3$ ). Очитавају се vrijedности силе и предznaci prema правилу ravnoteže сила (затворен круг силе).

## b2) Metoda Rittera

### - Položaj rezultante

Za skicirani isječak rešetke (za zadani presjek) tražimo vrijednost i položaj rezultante sila pomoću verižnog poligona. S obzirom da obje sile na isječku djeluju na jednom istom pravcu nije potrebno raditi verižni poligon jer se rezultanta sila nalazi na pravcu postojećih sila.

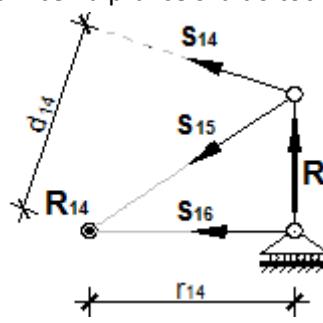


### - Položaj ritterovih točaka i određivanje nepoznatih sila u presjeku

Za pravac sile  $S_{14}$  ritterova točka se nalazi na sjecištu preostala dva pravca sila u presjeku  $S_{15}$  i  $S_{16}$  (da bi ostala samo jedna nepoznanica  $S_{14}$  koja se rješava pomoću uvjeta ravnoteže  $\sum M_{R14}=0$ ). Zatim se očitava udaljenost  $d_{14}$  između ritterove točke i nepoznate sile  $S_{14}$ , i udaljenost  $r_{14}$  između ritterove točke i rezultante  $R$ . Udaljenosti se određuju kao okomice na pravce sila do točke  $R_{14}$ .

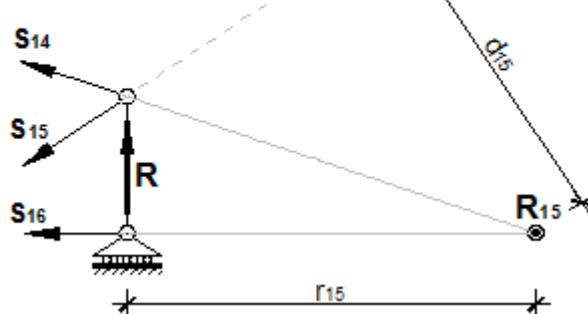
Očitane udaljenosti:  $d_{14}=2,85\text{m}$ ;  $r_{14}=3,0\text{m}$

$$\begin{aligned}\sum M_{R14} &= 0 \quad + \\ R \cdot r_{14} + S_{14} \cdot d_{14} &= 0 \\ S_{14} &= -28,95\text{kN} \text{ (tlak)}\end{aligned}$$



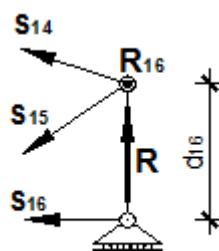
Očitane udaljenosti:  $d_{15}=5,0\text{m}$ ;  $r_{15}=6,0\text{m}$

$$\begin{aligned}\sum M_{R15} &= 0 \quad + \\ -R \cdot r_{15} + S_{15} \cdot d_{15} &= 0 \\ S_{15} &= 33,0\text{kN} \text{ (vlak)}\end{aligned}$$



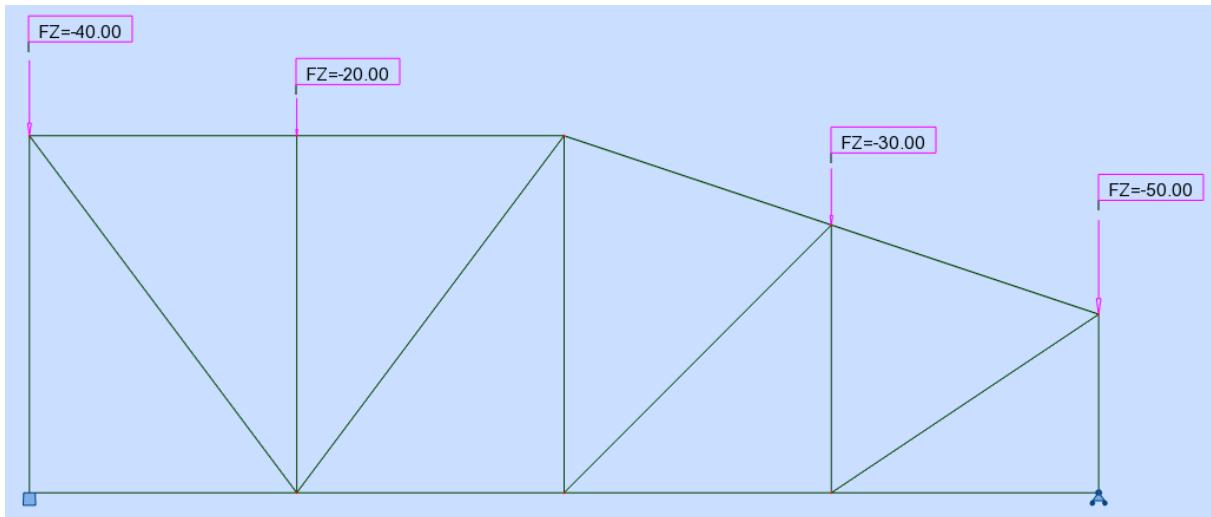
Očitane udaljenosti:  $d_{16}=2,0\text{m}$ ;  $r_{16}=0,0\text{m}$

$$\begin{aligned}\sum M_{R16} &= 0 \quad + \\ R \cdot r_{16} - S_{16} \cdot d_{16} &= 0 \\ S_{16} &= 0,0\text{kN}\end{aligned}$$

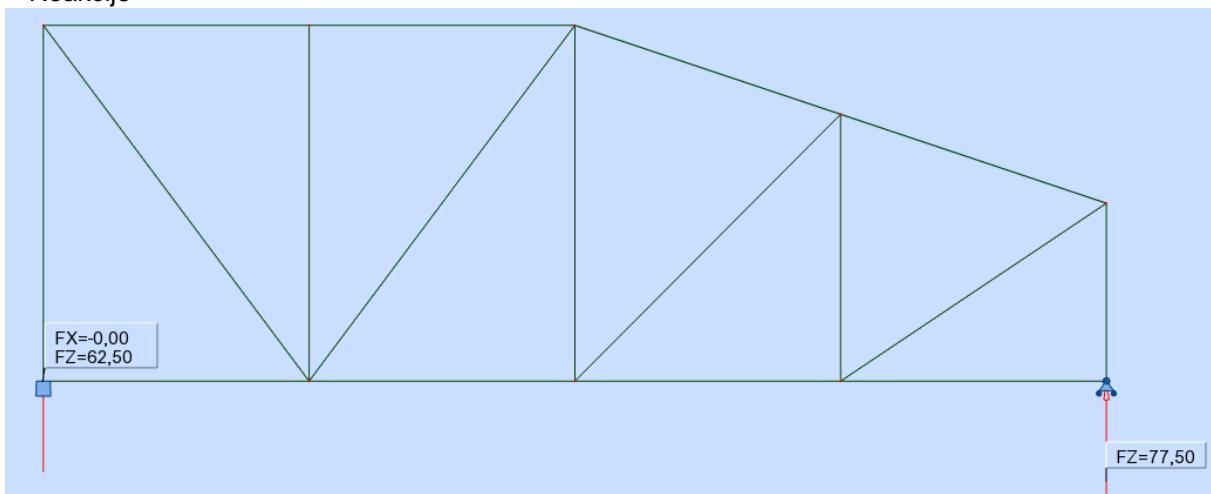


### c) Kontrola proračuna računalom

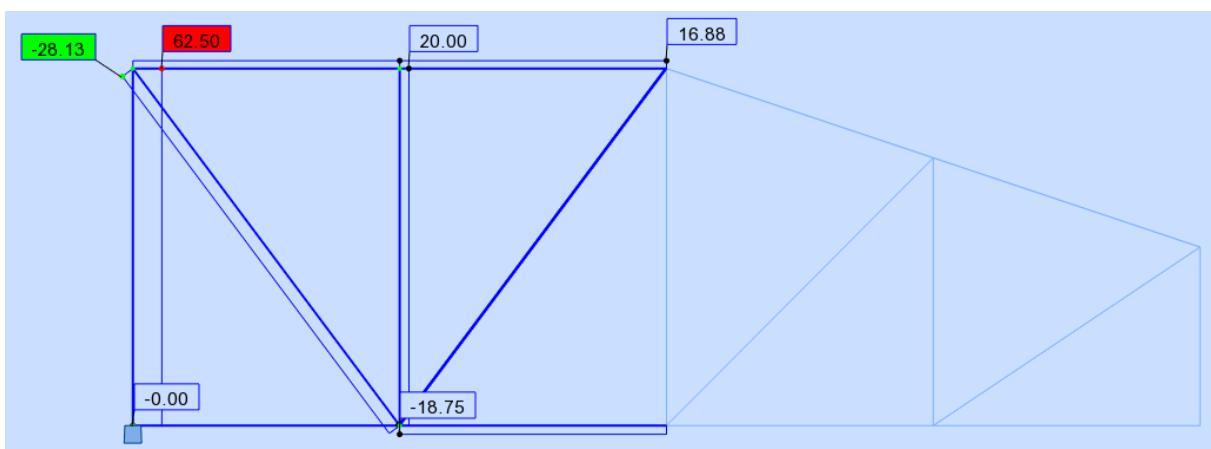
- Numerički model



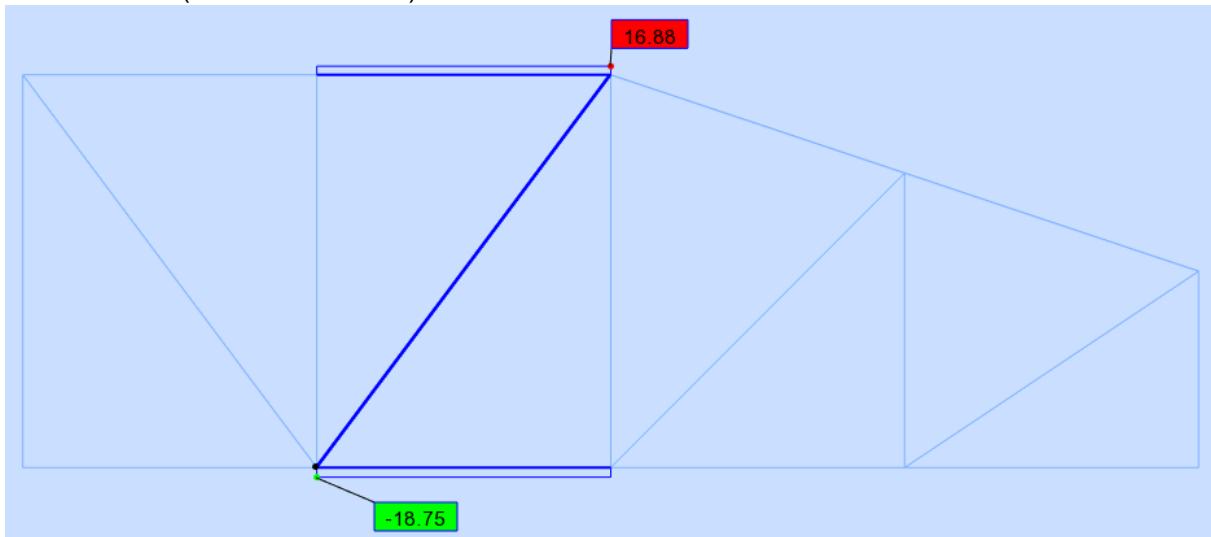
- Reakcije



- Uzdužne sile (analitički postupak)



- Uzdužne sile (metoda Culmanna)



- Uzdužne sile (metoda Rittera)

